

實作輔導

- 本周5/5(六)安排實作輔導
- 二時段:
 - 周六 11:00~12:30
 - 周六 13:30~15:30

搶答!!

Q1 : 印出結果?

```
int x=10, y=15;
```

```
int s=0;
```

```
while (x>y) {
```

```
    x--;
```

```
    while (x%2==1 && s<3) s++;
```

```
}
```

```
System.out.println("x="+x+"s="+s);
```

Q2 : 印出結果?

```
x=10; y=15;
```

```
s=20;
```

```
for(;x>=5;x--)
```

```
    for(;y<=20;y++)
```

```
        s--;
```

```
System.out.println("x="+x+"y="+y+"s="+s);
```

Self-regulated learning

```
import java.util.Scanner;
public class nested_looptest1 {
    static Scanner input = new Scanner(System.in);
    public static void main(String[] args) {
        int x=10, y=15;
        int s=0;
        while (x>y) {
            x--;
            while (x%2==1 && s<3) s++;
        }
        System.out.println("x="+x+"s="+s);
        x=10; y=15;
        s=20;
        for(;x>=5;x--)
            for(;y<=20;y++)
                s--;
        System.out.println("x="+x+"y="+y+"s="+s);
    } //main
} //x=10s=0
//x=4y=21s=14
} //class_loop1
```

迴圈LOOP應用 II

- 判斷迴文(palindrome): 複習
- 求兩個整數的最大公因數(greatest common divisor, GCD): II
 - 輾轉相除法
 - 輾轉相減法
- 字元金字塔 : Nested for loop

複習 palindrome迴文

- 2017/1/2 line



取得字串第i個字元(character)

```
System.out.print("輸入字串：");  
str1 = input.nextLine();  
if (str1.length()==0) break;  
int left=0, right=0, i=0;  
boolean palindrome=false;  
while (i<=str1.length()-1) {  
    System.out.print(str1.charAt(i));  
    i++;}
```

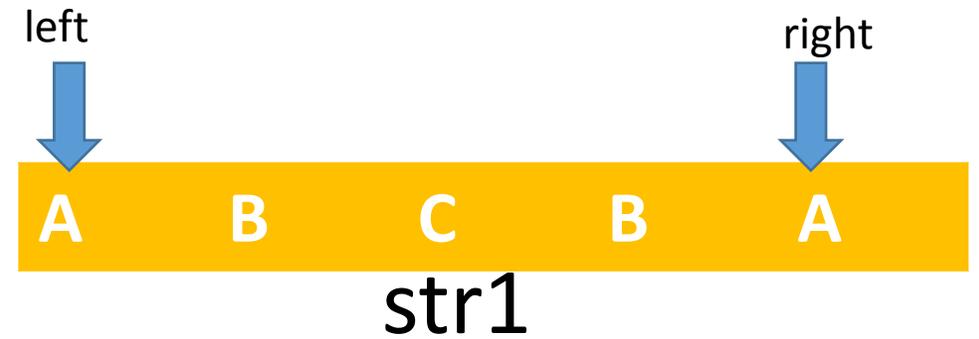
```
System.out.print("\n");  
i=str1.length()-1;  
while (i>=0) {  
    System.out.print(str1.charAt(i));  
    i--;}  
System.out.println("\n");
```

輸入字串，判斷是否為迴文? 奇數個字元為例

```
left=0;right=str1.length()-1;
boolean palindrome=true;
while (left<right) {
    if (str1.charAt(left)!=str1.charAt(right)) // != 不等於
        {palindrome=false;
            break;}
    left++; right--;
} //while
if (palindrome) dif="是迴文!";
else dif="不是迴文!";
System.out.println(+dif);
```

奇數個字元

Left=0; right=4:比較str1.charAt(0)、str1.charAt(4)
Left=1; right=3:比較str1.charAt(1)、str1.charAt(3)
Left=2; right=2:比較str1.charAt(2)、str1.charAt(2)
Left=3; right=1; → left > right → 離開loop



輸入字串，判斷是否為迴文? 偶數個字元為例

```
left=0;right=str1.length()-1;
```

```
boolean palindrome=true;
```

```
while (left<right) {
```

```
    if (str1.charAt(left)!=str1.charAt(right)) // != 不等於
```

```
        {palindrome=false;
```

```
            break;}
```

```
    left++; right--;
```

```
}//while
```

```
if (palindrome) dif="是迴文!";
```

```
else dif="不是迴文!";
```

```
System.out.println(+dif);
```

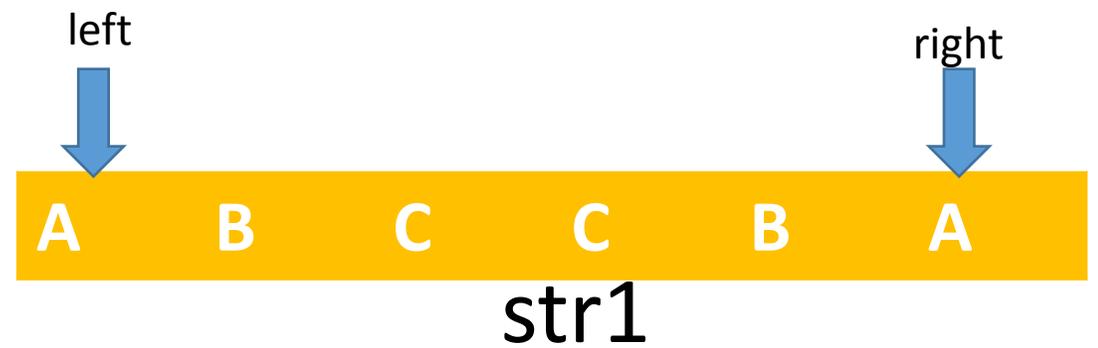
偶數個字元

Left=0; right=5: 比較str1.charAt(0)、 str1.charAt(5)

Left=1; right=4: 比較str1.charAt(1)、 str1.charAt(4)

Left=2; right=3: 比較str1.charAt(2)、 str1.charAt(3)

Left=3; right=2; → left > right → 離開loop



求兩個整數的最大公因數(greatest common divisor, GCD) :||

- 兩個整數的最大公因數(greatest common divisor)是能夠同時整除它們的最大的正整數
- 求兩個整數GCD的方法:
 - 從2開始找，直到能整除兩個整數的最大正整數
 - 何時結束 (不會超過兩個整數的最小整數)
 - 200, 40的GCD
 - 輾轉相除法 (本回)
 - 輾轉相減法 (本回)
- 最小公倍數(LCM): $n1 * n2 / gcd$

求兩個整數GCD的方法2: 輾轉相除法

- 輾轉相除法，又稱歐幾里得算法（Euclidean algorithm）
- 兩個整數的最大公因數(greatest common divisor)是能夠同時整除它們的最大的正整數

輸入整數n1 & n2, 輾轉相除法: 求GCD(n1, n2) and LCM(n1, n2)

輸入整數n1 : 11

輸入整數n2 : 121

輾轉相除法: GCD(11, 121)=11

輾轉相除法: LCM(11, 121)=121

被除數11除以除數121得餘數11

被除數變為121, 除數變為11

被除數121除以除數11得餘數0

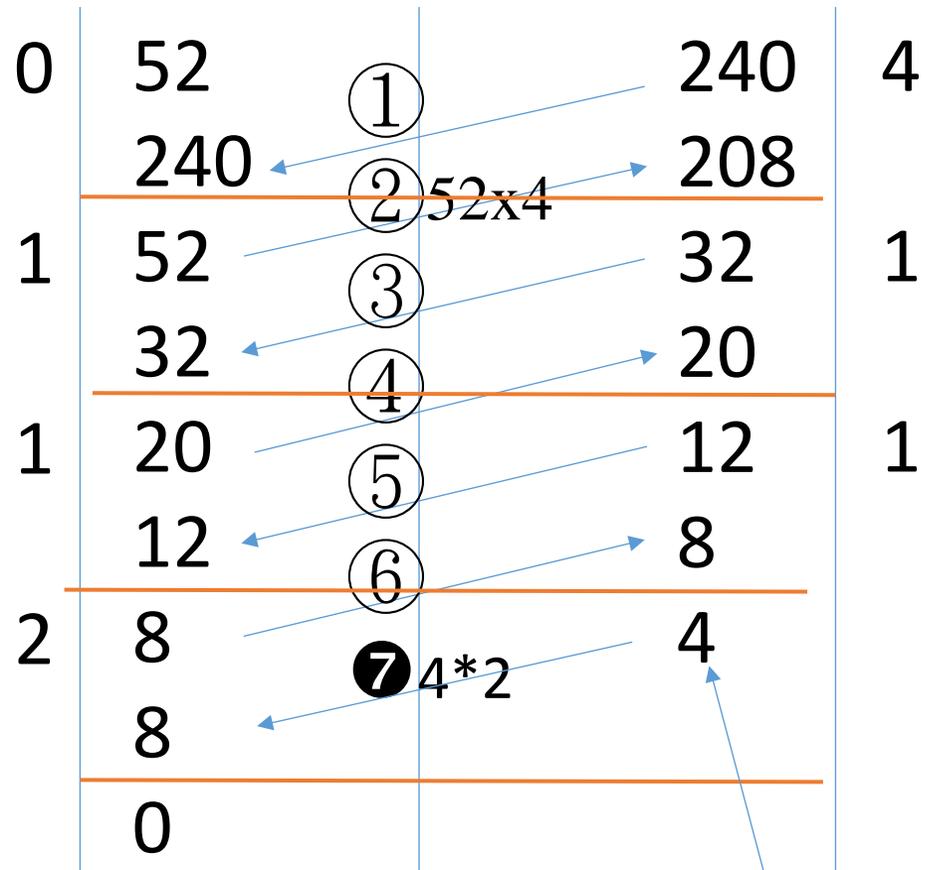
被除數變為11, 除數變為0

輾轉相除法: GCD(11, 121)=11

輾轉相除法: LCM(11, 121)=121



求GCD(52,240)



$52/240=0 \dots\dots\dots 52$
 $240/52=4\dots\dots\dots 32$

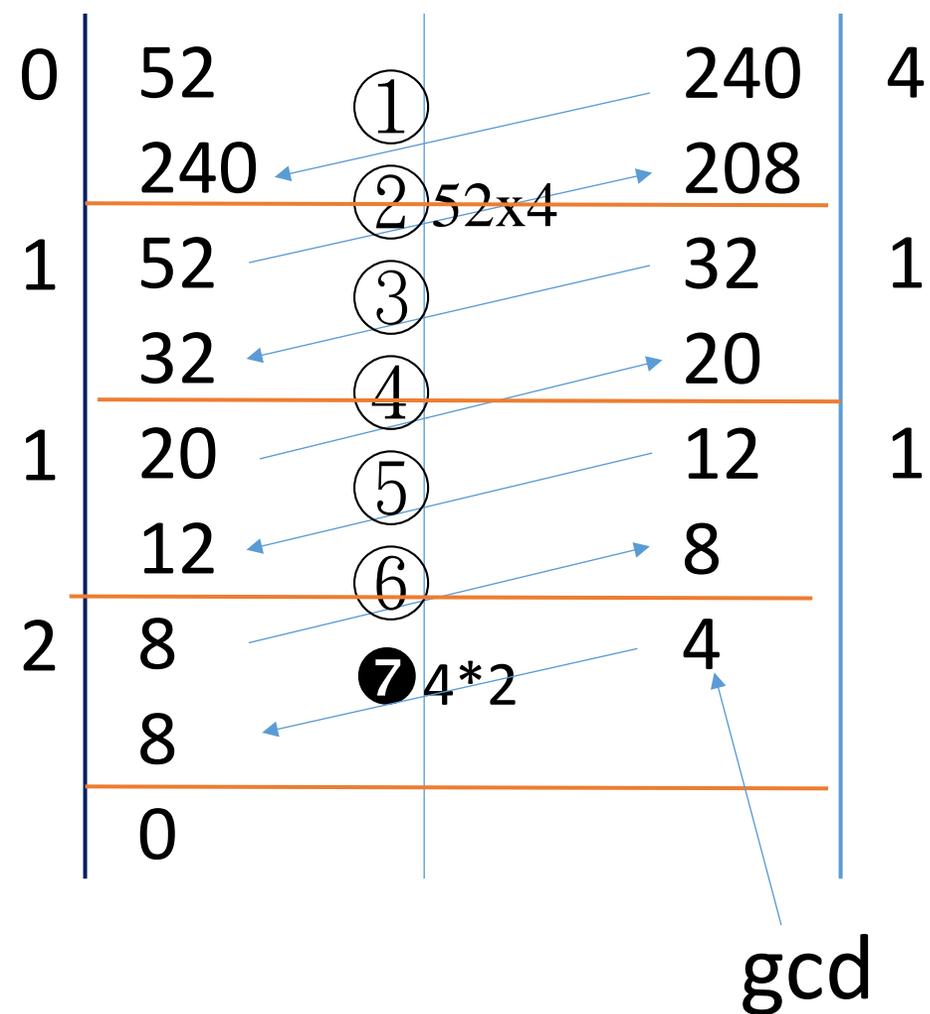
gcd

求兩個整數GCD的方法2: 輾轉相除法

- 輾轉相除法，又稱歐幾里得算法 (Euclidean algorithm)
- 兩個整數的最大公因數(greatest common divisor)是能夠同時整除它們的最大的正整數

```
int t,m,n;  
m=n1; n=n2;  
do {  
    t=m%n;  
    m=n; //除數變被除數  
    n=t; //餘數變除數  
} while (n!=0); //除數不可為0  
gcd=m;  
System.out.println("輾轉相除法: GCD("+n1+", "+n2+")="+gcd);  
System.out.println("輾轉相除法: LCM("+n1+", "+n2+")="+n1*n2/gcd);
```

求GCD(52,240)



輾轉相除法

步驟	M (被除數)	N (除數)	t=m%n (取餘數)	m=n(除數 變成被除數)	n=t(餘數 變成除數)	條件 (n!=0)
(1)	52	240	52	n=240	n=52	true
(2)	240	52	32	52	32	true
(3)	52	32	20	32	20	true
(4)	32	20	12	20	12	true
(5)	20	12	8	12	8	true
(6)	12	8	4	8	4	true
(7)	8	4	t=8%4 ==0	m=4	n=0	False 結束loop
				GCD=4		

```
do {
    t=m%n; m=n; n=t;
} while (n!=0);
gcd=m;
```

求兩個整數GCD的方法3: 輾轉相減法

```

m=n1; n=n2;
while (m!=n) {
    while (m>n) m=m-n;
    while (m<n) n=n-m;
}
gcd=m; // gcd=n;
    
```

步驟	m (被減數)	n (減數)	m=m-n	n(減數 不變)	條件	條件 (m!=n)
(1)	240	52	188	52	m>n	true
(2)	188	52	136	52	m>n	true
(3)	136	52	84	52	m>n	true
(4)	84	52	32	52	m>n	true
	n (被減數)	m (減數)	n=n-m	m(減數 不變)		
(5)	52	32	20	32	m<n	true
	m	n	m=m-n	n		
(6)	32	20	12	32	m<n	true
	n	m	n=n-m	m		
(7)	32	12	20	12	m>n	true
(8)	20	12	8	12	m>n	true
	m	n	m=m-n	n		
(9)	12	8	4	8	m<n	true
	n	m	n=n-m	m		
(10)	8	4	4	4	m<n	False

GCD=4

求兩個整數GCD的方法3: 輾轉相減法

```
m=n1; n=n2;
```

```
while (m!=n) {
```

```
    while (m>n) m=m-n;
```

```
    while (m<n) n=n-m; }
```

```
gcd=m;
```

```
System.out.println("輾轉相減法: GCD("+n1+", "+n2+")="+gcd);
```

```
System.out.println("輾轉相減法:
```

```
LCM("+n1+", "+n2+")="+n1*n2/gcd+"\n");
```

檢討GCD方法

- 求兩個整數GCD的方法:
 - 從2開始找，直到能整除兩個整數的最大正整數
 - $2 \sim \min(n_1, n_2) == \min(n_1 - 1, n_2 - 1)$
 - 輾轉相除法
 - 輾轉相減法
- 那些較好?那些暴力法(brute force)?
 - 速度快

Demo: GCD的方法2

字元金字塔

Nested for loop

主題：字元金字塔 - 斜金字塔

- 利用迴圈印出「*」，逐行增加印出個數，直到印出7層斜金字塔。
- 本題利用到巢狀迴圈的概念
- 巢狀迴圈為迴圈範圍內又有迴圈，從外層迴圈內層迴圈開始運作。因此屬與外層迴圈作用，內層迴圈開始後，又回到外層迴圈。

```
public class Charstar1 {
    public static void main(String[] args) {
        //變數level為金字塔的層數
        int level = 7;

        //for迴圈 直到印完 level行結束金字塔
        //外圍迴圈i為當下的層數，i增加即為換層
        for (int i = 1; i <= level; i++) {
            //第i列時，印出i個*
            //j為當下的星星個數，每列都從1個開始印
            for (int j = 1; j <= i; j++)
                System.out.print("*");

            //每層結束換行
            System.out.println("");
        }
    }
}
```

執行結果

```
*
**
***
****
*****
*****
*****
```

主題：字元金字塔 - 斜金字塔

```
public class Charstar1 {
    public static void main(String[] args) {
        //變數level為金字塔的層數
        int level = 7;

        //for迴圈 直到印完 level行結束金字塔
        //外圍迴圈i為當下的層數，i增加即為換層
        for (int i = 1; i <= level; i++) {
            //第i列時，印出i個*
            //j為當下的星星個數，每列都從1個開始印
            for (int j = 1; j <= i; j++)
                System.out.print("*");

            //每層結束換行
            System.out.println("");
        }
    }
}
```

執行結果

```
*
**
***
****
*****
*****
*****
*****
```

追蹤nested for loop程式

外層 i	內層 j			
	初值	條件 j<=i	執行次數	結果
i=1	j=1	j<=1	內迴圈執行1次	印1顆*、換行
i=2	j=1	j<=2	內迴圈執行2次	印2顆*、換行
i=3	j=1	j<=3	內迴圈執行3次	印3顆*、換行
i=4	j=1	j<=4	內迴圈執行4次	印4顆*、換行
i=5	j=1	j<=5	內迴圈執行5次	印5顆*、換行
i=6	j=1	j<=6	內迴圈執行6次	印6顆*、換行
i=7	j=1	j<=7	內迴圈執行7次	印7顆*、換行
i=8,外迴圈 結束				

輸入n層，印出n層三角形 (3層loop)

輸入level數:5

```
*  
**  
***  
****  
*****
```

輸入level數:4

```
*  
**  
***  
****
```

輸入level數:3

```
*  
**  
***
```

輸入level數:2

```
*  
**
```

```
import java.util.Scanner;  
class Charstar1 {  
    public static void main(String[] args) {  
        //變數level為金字塔的層數  
        Scanner input = new Scanner(System.in);  
        int level=1;  
        while (level>=1) {  
            System.out.print("輸入level數:");  
            level = input.nextInt();  
            if (level<1) break;  
            //for迴圈 直到印完 level行結束金字塔  
            //外圍迴圈i為當下的層數，i增加即為換層  
            for (int i = 1; i <= level; i++) {  
                //第i列時，印出i個*  
                //j為當下的星星個數，每列都從1個開始印  
                for (int j = 1; j <= i; j++)  
                    System.out.print("*");  
  
                //每層結束換行  
                System.out.println("");  
            }  
        }  
    }  
}  
}
```

第11周習題:

- 輸入 $n1, n2, n3$ ，求三整數之 GCD
- 須能重複執行
- 繳交”設計歷程”檔及 .java